

Enseignant : Dr. Sylvain Bréchet Cours : physique générale I

Echéance: vendredi 15 novembre 2024

Durée: 90 minutes

2

## Tube en rotation

NOM:

PRENOM:

N° SCIPER:

SECTION: Mathématiques

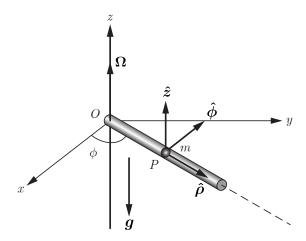
SALLE:

L'exercice à rendre comporte un énoncé illustré et détaillé sur la page de gauche et des questions sur la page de droite. Les développements mathématiques et physiques sont à effectuer sur les pages quadrillées.

## Consignes

- Le formulaire de l'examen (1 page A4 recto-verso) est autorisé.
- L'utilisation de tout appareil électronique est interdite.
- Les **réponses** sont à retranscrire sur les pointillés sous chaque question dans l'espace réservé à cet effet.
- Utiliser un stylo à encre noir ou bleu foncé (éviter d'utiliser un crayon) et effacer proprement avec du correcteur blanc si nécessaire.
- Les feuilles de papier brouillon ne seront pas corrigées.

## 2. Tube en rotation



On considère une centrifugeuse constituée d'un tube tournant dans un plan horizontal avec une vitesse angulaire constante  $\Omega = \Omega \hat{z}$  autour de son extrémité située à l'origine O dans le plan horizontal Oxy. Une bille de masse m, considérée comme un point matériel P, est astreinte à glisser le long du tube.

Pour décrire la dynamique du point matériel, on choisit un repère cylindrique  $\left(P,\hat{\boldsymbol{\rho}},\hat{\boldsymbol{\phi}},\hat{\boldsymbol{z}}\right)$  où le vecteur unitaire radial  $\hat{\boldsymbol{\rho}}$  est orienté le long de l'axe du tube vers l'extérieur, le vecteur unitaire  $\hat{\boldsymbol{\phi}}$  est orienté dans le sens trigonométrique et le vecteur unitaire  $\hat{\boldsymbol{z}}$  est orienté vers le haut. Le point matériel est soumis à une force de frottement visqueux en régime laminaire,

$$oldsymbol{F}_f = -\,rac{m}{ au}\,oldsymbol{v}_
ho$$

où  $\tau$  est le temps caractéristique de l'amortissement et  $v_{\rho}$  est la vitesse radiale du point matériel qui est orientée selon le vecteur  $\hat{\rho}$ .

Les réponses doivent être exprimées en termes des grandeurs scalaires données ci-dessus, des coordonnées cylindriques  $\rho$  et z et de leurs dérivées temporelles, des vecteurs de base  $\hat{\rho}$ ,  $\hat{\phi}$  et  $\hat{z}$ , de la norme du champ gravitationnel g et des grandeurs scalaires spécifiées dans l'énoncé de chaque question.

Questions et réponses ci-contre, calculs sur les pages quadrillées suivantes

1. ]	Déterminer la norme et l'orientation du vecteur accélération de la bille.	
	$a = \dots $	
2. ]	Déterminer les forces extérieures exercées sur la bille.	

3. Déterminer la norme et l'orientation de la force de réaction normale N exercée par le tube sur la bille en fonction de son mouvement.

$$N = \dots$$

4. Dans la limite où la rotation est négligeable par rapport au frottement,

$$m \, \rho \, \Omega^2 \ll \frac{m}{\tau} \, \dot{\rho}$$

déterminer l'équation horaire de la coordonnée  $\rho(t)$  le long du tube compte tenu des conditions initiales  $\rho(0) = 0$  et  $\dot{\rho}(0) = v_0$ . En déduire l'évolution temporelle du vecteur moment cinétique  $\mathbf{L}_O(t)$  évalué à l'origine O.

$$\rho\left(t\right)=....$$

$$L_{O}\left( t
ight) =....$$

5. Dans la limite où le frottement est négligeable par rapport à la rotation,

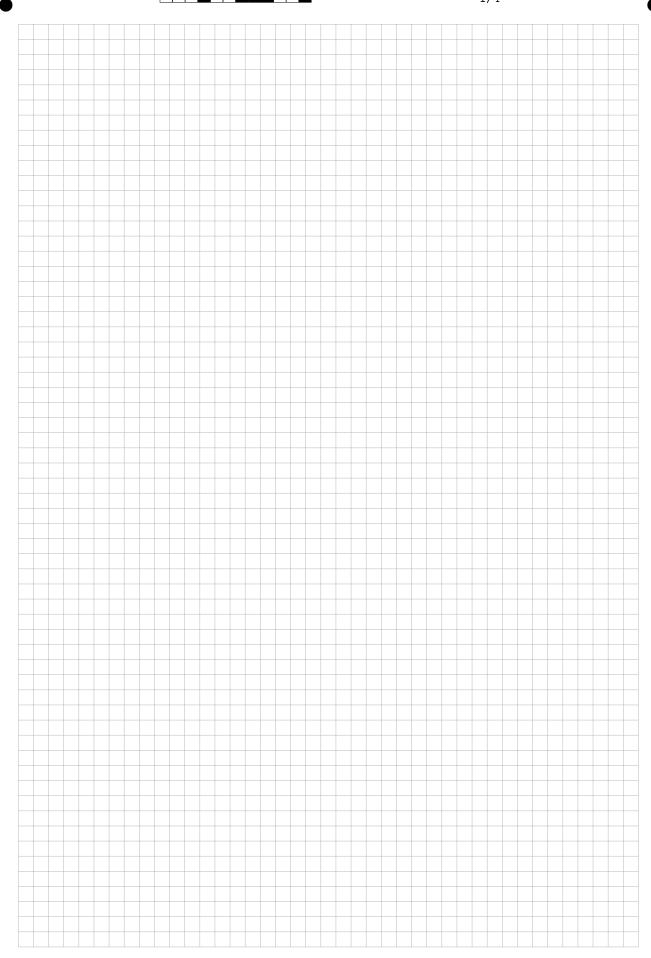
$$\frac{m}{\tau}\,\dot{\rho} \ll m\,\rho\,\Omega^2$$

déterminer l'équation horaire de la coordonnée  $\rho(t)$  le long du tube compte tenu des conditions initiales  $\rho(0) = \rho_0$  et  $\dot{\rho}(0) = 0$ . En déduire l'évolution temporelle du vecteur moment cinétique  $\mathbf{L}_O(t)$  évalué à l'origine O.

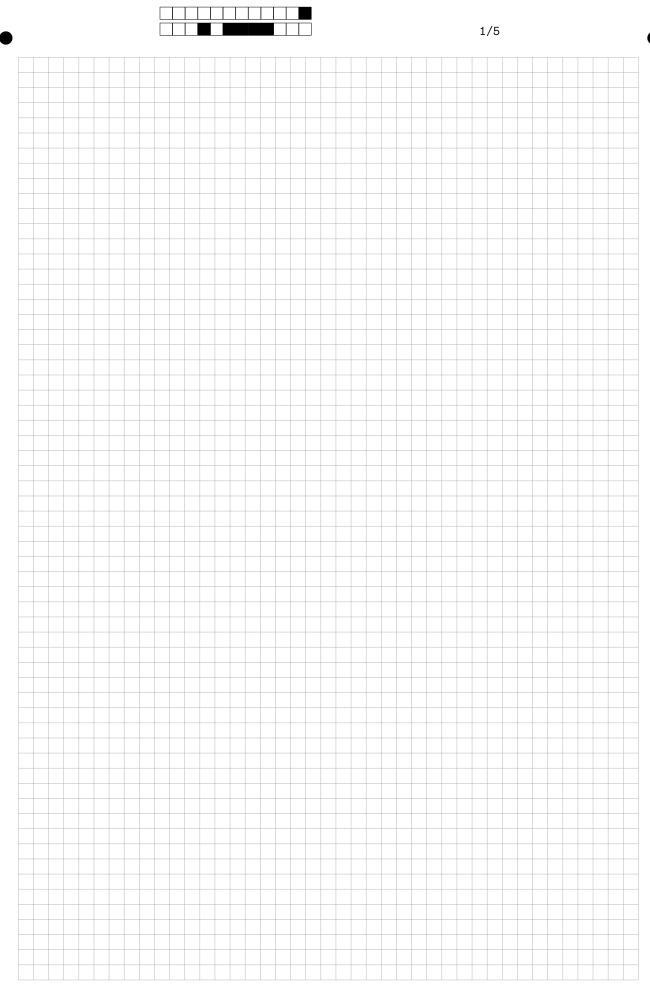
$$\rho\left(t\right) = \dots$$

$$L_{O}\left( t
ight) =....$$

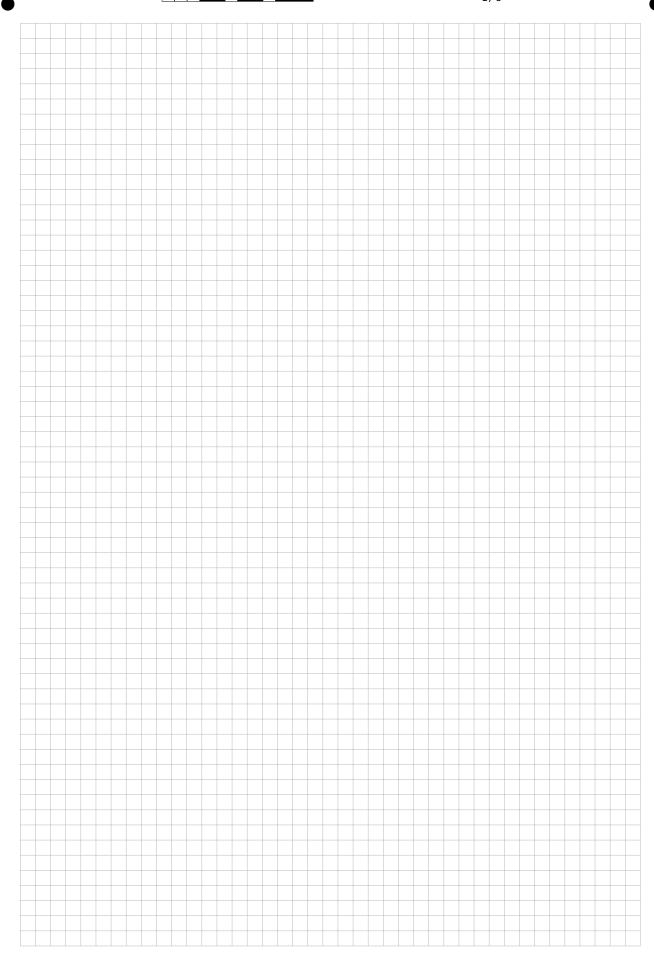












1/7

